

PREGUNTA 1: $f(x) = \frac{x^2+x}{x^3-4x}$

a) $D(f) = \{x / x^3-4x \neq 0\}$

$x^3-4x=0 ; (x^2-4) \cdot x=0 \begin{cases} x^2-4=0 \Rightarrow \boxed{x=\pm 2} \\ \boxed{x=0} \end{cases}$

uego: $D(f) = \mathbb{R} - \{-2, 0, 2\}$

b) Es una función RACIONAL, así que será continua en todo \mathbb{R} excepto donde se anule el denominador, esto es: $\mathbb{R} - \{-2, 0, 2\}$

c) $f(-x) = \frac{(-x)^2+(-x)}{(-x)^3-4(-x)} = \frac{x^2-x}{4x-x^3} \neq f(x), -f(x) \Rightarrow$ NO PRESENTA NINGÚN TIPO DE SIMETRÍA.

d) $f(x) = \frac{x^2+x}{x^3-4x}$: P.C

- eje X: $x^2+x=0 \Rightarrow x=0, x=-1$
 $f(0) = \frac{0}{0} \Rightarrow$ NO ESTÁ DEFINIDA
 $f(-1) = \frac{0}{3} = 0 \rightarrow$ SÍ ES P. CORTE $\boxed{(-1, 0)}$
- eje Y: $f(0) = \frac{0}{0} \rightarrow$ No corta al eje Y

e) SIGNO: $f(x) = \frac{x^2+x}{x^3-4x} = \frac{x(x+1)}{x(x+2)(x-2)}$

$f(x) > 0$ si $x \in (-2, -1) \cup (2, +\infty)$
 $f(x) < 0$ si $x \in (-\infty, -2) \cup (-1, 0) \cup (0, 2)$

	$-\infty$	-2	-1	0	2	$+\infty$
x	-	-	-	+	+	
(x+1)	-	-	+	+	+	
x(x+1)	+	+	-	+	+	
(x+2)	-	+	+	+	+	
(x-2)	-	-	-	-	+	
x(x+2)(x-2)	-	+	+	-	+	
f(x)	-	+	-	-	+	

f) Asintotas

VERTICALES

Si $\underline{x=-2}$: $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = \frac{2}{0^-} = -\infty$
 $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = \frac{2}{0^+} = +\infty$ } Asintota Vertical

Si $\underline{x=0}$: $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \left[\frac{0}{0} \right] = \frac{\lim_{x \rightarrow 0} (x+1)}{\lim_{x \rightarrow 0} (x+2)(x-2)} = \frac{1}{-4} \rightarrow$ No es AS. VERT.

Si $\underline{x=2}$: $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \frac{6}{0^-} = -\infty$
 $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \frac{6}{0^+} = +\infty$ } Asintota Vertical

HORIZONTALES

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0 \Rightarrow y=0$ es Asintota horizontal \Rightarrow NO tiene AS. OBLICUA.